

## ПОГЛОЩЕНИЯ СВЕТА В КВАНТОВОМ СУЖЕНИИ В ПРОДОЛЬНОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

**Г.Б. ИБРАГИМОВ, Р.З. ИБАЕВА**  
*Институт Физика НАНА, Баку*

Изучена зависимость коэффициента поглощения света в МС от величины внешнего магнитного поля. Рассмотрен предельный переход «микросужение → квантовая проволока».

**Ключевые слова:** микросужение, квантовые цилиндры, квантовая проволока, наноэлектроника.

Физика низкоразмерных структур - актуальнейшая и наиболее динамично развивающаяся область современной физики твердого тела. Интерес к этой области связан как с принципиально новыми фундаментальными научными проблемами и физическими явлениями. Современные полупроводниковые технологии позволяют создавать экзотических полупроводниковых структур, таких как квантовые цилиндры, диски, кольца, сферические оболочки, поверхности псевдосферы, микросужения. Изменение формы и размеров наноструктуры существенно сказывается на спектральных свойствах. В случае КП современная нанотехнология не исключает возможности существования случайного поля, связанного с флуктуациями их толщины [1]. Неоднородность толщины приводит к появлению микросужений (МС), особенности геометрической формы которых (рис. 1) проявляются, прежде всего, в кардинальной модификации электронного спектра при переходе квантовая проволока - микросужение [2,3].

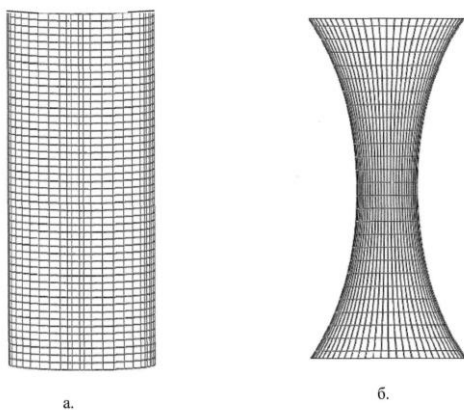


Рис. 1. Схематическое изображение квантовой проволоки (а) и микросужения (б)

Изучение влияния магнитного поля и особенностей геометрической формы наноструктур на оптические и транспортные свойства является одним из актуальных направлений наноэлектроники. Приложенное вдоль оси КП магнитное поле  $H$ , как известно, усиливает латеральный геометрический конфайнмент, поэтому, варьируя  $H$ , можно изменять эффективный геометрический размер системы и, следовательно, изменять параметры зависимости поглощения от поля  $H$ .

В настоящей работе проведено исследование оптических свойств в МС в продольном магнитном поле. В качестве модели потенциала конфайнмента МС, выбирается потенциал «мягкой стенки» [ 4 ] :

$$V(x, y, z) = m * (\omega_0^2 x^2 + \omega_0^2 y^2 - \omega_z^2 z^2) / 2$$

где  $m^*$  - эффективная масса электрона;  $z$  - координата вдоль оси МС;

частота  $\omega_z$  - определяется эффективной длиной МС

$\omega_z = \sqrt{\hbar / (m^* L_z^2)}$ :  $\omega_0$  - характерная частота двумерного гармонического осциллятора, потенциалом которого моделируется потенциал МС в плоскости,

перпендикулярной оси МС. Векторный потенциал однородного магнитного поля  $A$ , направленного вдоль оси МС выбирался в симметричной калибровке

$$\vec{A} = (-yB/2, xB/2, 0).$$

Для одноэлектронных состояний гамильтониан  $H_H$  в выбранной модели запишется как

$$H_H = H_{\rho, \varphi} + H_z \tag{1}$$

где

$$H_{\rho, \varphi} = -\frac{\hbar^2}{2m^*} \left( \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} \left( \rho \frac{\partial}{\partial \rho} \right) + \frac{1}{\rho^2} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} - \frac{i\hbar\omega_H}{2} \frac{\partial}{\partial \varphi} + \frac{m^*}{8} \Omega^2 \rho^2 \right),$$

$$H_z = -\frac{\hbar^2}{2m^*} \frac{\partial^2}{\partial z^2} - \frac{m^*}{2} \omega_z^2 z^2$$

$\rho, \varphi, z, p, (p, z)$ - цилиндрические координаты; -

$\omega_c = |e|H / m^* c$  циклотронная частота,

$|e|$  - величина заряда электрона;  $\Omega = \sqrt{4\omega_0^2 + \omega_H^2}$

гибридная частота.

Собственные значение и соответствующие собственные функции гамильтониана (1) даются выражениями вида [5 ]

$$E_{n,m,\lambda} = \frac{\hbar\omega_B m}{2} + \frac{\hbar\Omega}{2} (2n + |m| + 1) + \hbar\omega_z \lambda, \tag{2}$$

$$\Psi_{n,m,\lambda}(\rho, \varphi, z) = \Psi_{n,m}(\rho, \varphi) \Psi_\lambda(z),$$

Здесь  $\Psi_{n,m}(\rho, \varphi)$  и  $\Psi_\lambda(z)$ , - собственные соответственно.  
 функции операторов  $H_{\rho, \varphi}$  и  $H_z$

$$\Psi_{n,m}(\rho, \varphi) = \frac{1}{\sqrt{2\pi a_1}} \left[ \frac{n!}{(n+|m|)!} \right]^{\frac{1}{2}} \left( \frac{\rho^2}{2a_1^2} \right)^{\frac{|m|}{2}} \exp\left(-\frac{\rho^2}{4a_1^2}\right) \times L_n^{|m|}\left(\frac{\rho^2}{2a_1^2}\right) \exp(im\varphi),$$

$$\Psi_\lambda(z) = C \left[ D_{-i\lambda-\frac{1}{2}}\left((1+i)\frac{z}{L_z}\right) + D_{-i\lambda-\frac{1}{2}}\left(-\frac{z}{L_z}\right) \right], \quad (3)$$

где  $n = 0, 1, 2, \dots, m$  - квантовое число, соответствующее уровням Ландау;  $m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$ , - магнитное квантовое число;

$$a_1^2 = a^2 / \left( 2\sqrt{1 + a^4 / (4a_H^4)} \right) \quad a = \sqrt{\hbar / (m^* \omega_0)}$$

$$a_H = \sqrt{\hbar / (m^* \omega_H)}$$

магнитная длина;  $L_n^s(x)$  - полиномы Лагерра;  $D_p(x)$  функция параболического цилиндра [6];  $C$  - нормирующий множитель:

$$C = 2^{-1/4} \exp(-\pi\lambda/4) [2\pi L_z (1 + \exp(-2\pi\lambda))]^{-1/2}$$

Рассмотрим прямое межзонное поглощение света в МС. Для вычисления коэффициента прямого межзонного поглощения света воспользуемся выражением, приведенным в работе [7]

$$\alpha = A \sum_{\nu, \nu'} \left| \int \psi_\nu^e \psi_{\nu'}^h dr \right|^2 \times \delta(\Delta - E_\nu^e - E_{\nu'}^h) \quad (4)$$

где  $\Delta = \hbar\Omega - E_g$ ,  $E_g$  - ширина запрещенной зоны массивного полупроводника,  $A$  - величина, пропорциональная квадрату матричного элемента, взятого по блоховских функциях,  $\nu$  и  $-\nu'$  наборы квантовых чисел соответствующих электрону и тяжелой дырке, соответственно,  $\Omega$  - частота падающего света. Наличие  $\delta$  - функции обеспечивает выполнение закона сохранения энергии для соответствующих переходов.

При вычислении коэффициента прямого межзонного поглощения света использованы формулы Хилле-Харди для билинейной производящей функции [8]

$$\sum_{n_p}^{\infty} \frac{n_p}{\Gamma(n_p + |m| + 1)} L_{n_p}^{|m|}(x) L_{n_p}^{|m|}(y) z^{n_p} = (1-z)^{-1} \exp\left(-z \frac{x+y}{1-z}\right) (xyz)^{\frac{|m|}{2}} I_{|m|}\left(2 \frac{\sqrt{xyz}}{1-z}\right)$$

и интегралом Вебера [6]

$$\int_0^{\infty} x^{-\frac{3}{2}} \exp\left[-\frac{\rho^2}{2x} - \mu x\right] dx = \frac{\sqrt{2\pi}}{\rho} \exp\left[-\sqrt{2\mu}|\rho|\right]$$

Изучена зависимость коэффициента поглощения света в МС от величины внешнего магнитного поля. Рассмотрен предельный переход «микросужение  $\rightarrow$  квантовая проволока».

- |   |   |
|---|---|
| <p>[1] М.А. Рувинский, Б.М. Рувинский Влияние толщины на статическую электропроводность квантовой полупроводниковой проволоки. ФТП. — 2005. т. 39. № 2. С. 247— 250.</p> <p>[2] Л.И. Глазман. А.В. Хаецкий Нелинейная квантовая проводимость микросужения. // Письма ЖЭТФ, 48(10), 546, (1988)</p> <p>[3] Галкин, Н.Г. Гейлер, В.А. Маргулис Электронный транспорт через микросужение в произвольно ориентированном однородном магнитном поле. // ЖЭТФ. - 2000. - т. 117. - С.593-603.</p> <p>[4] A.G. Scherbakov. E.N. Bogachek, U. Landman Phys. Rev. B 53, 7, 4054 (1996).</p> | <p>[5] V.D. Krevchik, A.B. Grunin, A.K. Aringazin, M.B. Semenov, E.N. Kalinin, V.G. Mayorov, A.A. Marko, S.V. Yashin Magneto-optics of quantum wires with <math>D^-</math> centers. / Hadronic Journal/-2003. v.26.N 1. p.31-36</p> <p>[6] И.С. Градштейн, И.М. Рыжик Таблицы интегралов, сумм, рядов и произведений.-М. физматгиз, 1962</p> <p>[7] Al.L. Efros, Al. Efros. Interband absorption of light in a semiconductor sphere. Semiconductors Volume 16, Issue 7, 772-775 (1982)</p> <p>[8] Г. Бейтмен, А. Эрдейн Высшие трансцендентные функции. т.1, т.2.-М. Наука 1973</p> |
|---|---|